

4.1

$$\begin{array}{ccc|c}
 2\mathbb{R} & 2 & -k & 3 \\
 & -1 & & \\
 3\mathbb{R} & & & 3 \\
 & & & 2+k \\
 \hline
 0 & 2 & -2 & -2 \quad | :2 ; I \cdot k - III \cdot 2 ; k \neq 0 \\
 2\mathbb{R} & k & 0 & (2-k) \\
 & & & 2\mathbb{R} \\
 & & & \leftarrow \quad \rightarrow k=0 \\
 & & & 2 \quad -1 \quad 3 \quad | \quad 2 \\
 & & & 1 \quad -1 \quad -1 \\
 0 & k-1 & -k & -1 \\
 & & & 4 \quad | \quad 0 \quad \text{eindeutig} \\
 0 & -k & 5k-4 & k^2 \quad \leftarrow I \cdot k + II ; k \neq 0 \\
 & & & \rightarrow k=0 : \text{s.o.} \\
 \hline
 2 & -1 & 3 & 2+k \\
 0 & 1 & -1 & 1 \\
 0 & 0 & 4k-4 & k^2-k \Leftrightarrow 4(k-1)x_3 = k(k-1)
 \end{array}$$

1. Fall: $k=1$: $0x_3 = 0$ (w) ; ∞ viele Lsgen

2. Fall: $k \neq 1$: genau 1 Lsg

4.2 Keine Lsg unmöglich

∞ viele Lsgen für $k=1$

$$\begin{array}{ccc|c}
 2 & -1 & 3 & 3 \\
 0 & 1 & -1 & -1 \\
 0 & 0 & 0 & 0
 \end{array}$$

Setze $x_3 = \alpha$

$$II : x_2 - \alpha = -1 \Leftrightarrow x_2 = -1 + \alpha$$

$$I : 2x_1 - (\alpha - 1) + 3\alpha = 3 \Leftrightarrow x_1 = 1 - \alpha$$

$$\underline{L = \{(1 - \alpha; \alpha - 1; \alpha)\}}$$